

(име и презиме)
Паралелка _____ Група:I (Прва)

Освоени бодови							
	1	2	3	4	5	6	Вкупно
Ниво А							
Ниво Б							Оценка

Задачи:

1. Со принципот на математичка индукција да се докажи дека равенството

$$1 \cdot 3 + 2 \cdot 4 + 3 \cdot 5 + \dots + n(n+2) = \frac{n}{6}(n+1)(2n+7) \text{ е точно за секој природен број.} \quad (8 б)$$

2. А. Еден тренер на некој кошаркарски тим има на располагање 10 играчи. Колку различни состави на една екипа од 5 играчи може да направи ако не се води сметка за местата на играчите во тимот. (5 б)

Б. Пресметај го бројот на елементите n ако $V_n^2 = 5n + 7$ (6 б)

3. А. Да се напишат сите пермутации од буквите А,И,Н,Р, и да се издвојат зборовите што имаат некое значење . (3 б)

Б. Колку пермутации од елементите 1,2,2,2,2,3,3,3,3,4,5,5,5,5,5, започнуваат со 1235. (6б)

4. А Колку различни триаголници можат да се добијат со сврзување на темињата на еден петнаесетголник? (5 б)

Б. Колку различни одбори од 5 ученици и 2 професори можат да се образуваат од група од 10 ученици и 6 професори? (8 б)

5. А. Напиши го развивањето на биномот $(2x^2 + y^2)^3$ (5 б)

Б. Најди го деветтиот член во развојот на биномот $\left(\sqrt[4]{x^3} + \frac{1}{\sqrt[7]{x^2}}\right)^{11}$ (10 б)

6. А. Од шпил од 52 карти се извлекуваат две карти. Колкава е веројатноста да извлечените карти се една дестки и една петка? (4 б)

Б. Во еден кутија се наоѓаат 5 бели, 5 црвени и 6 сини топчиња. Одеднаш се се извлечени 5 топчиња. Колкава е веројатноста да бидат извлечени 2 сини и 3 црвени топчиња? (6 б)

Решение:

(име и презиме)

Паралелка _____ Група:II (Втора)

Освоени бодови						
	1	2	3	4	5	6
Ниво А						
Ниво Б						

Задачи:

1. Со принципот на математичка индукција да се докажи дека равенството $\frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \dots + \frac{1}{n(n+1)} = \frac{n}{n+1}$ е точно за секој природен број. (8 б)

2.A. Во една воена единица има 12 војници. Единицата поставува стража на 3 различни стражарски места. На колку начини можат да се разместат војниците на стражарските места? (5 б)

Б. Колку петцифрени броеви можат да се образуваат од цифрите 0,2,4,5,6,7,8,9 така што 0 не се наоѓа ни на прво ни на последно место и сите цифри се различни. (6 б)

3.A. Да се напишат сите пермутации од буквите А,И,Р,З, и да се издвојат зборовите што имаат некое значење (3 б)

Б. Колку пермутации од елементите 1,2,3,4,5,6,7,8,9, започнуваат со 864 . (6б)

4.A. Еден тренер на некој кошаркарски тим има на располагање 8 играчи. Колку различни состави на една екипа од 5 играчи може да направи ако се води сметка за местата на играчите во тимот. (5 б)

Б. Во една паралелка од 25 ученици од кои 14 се машки и 11 женски треба да се избере класна заедница од 5 члена . На колку начини може да се изврши изборот ако се бара класната заедница да се состои од 2 машки и 3 женски. (8 б)

5.A. Напиши го развивањето на биномот $(1+i)^4$ (5 б)

Б. Најди го петтиот член во развојот на биномот $\left(\sqrt[4]{x} + \frac{1}{\sqrt[3]{x^2}}\right)^{10}$ (10 б)

6.A. Случајно е избран природен број не поголем од 20. Определија веројатноста на избраниот број да биде прост. (4 б)

Б. Во еден кутија се наоѓаат 8 бели, 5 црвени и 6 сини топчиња. Одеднаш се извлечени 3 топчиња. Колкава е веројатноста да не бидат извлечени 3 сини? (6 б)

Решение: